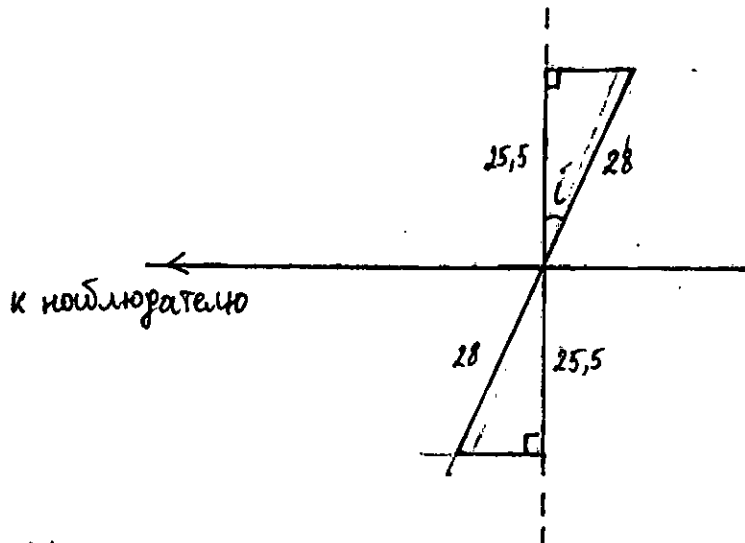


## Решение.

- 1) Силуо насыщенный изогрота мотто аппроксимировать эллипсом, из которого найдем угол наклона галактики, измерив его большую и малую оси линейкой. У меня получилось 56 и 51 мм соответственно.

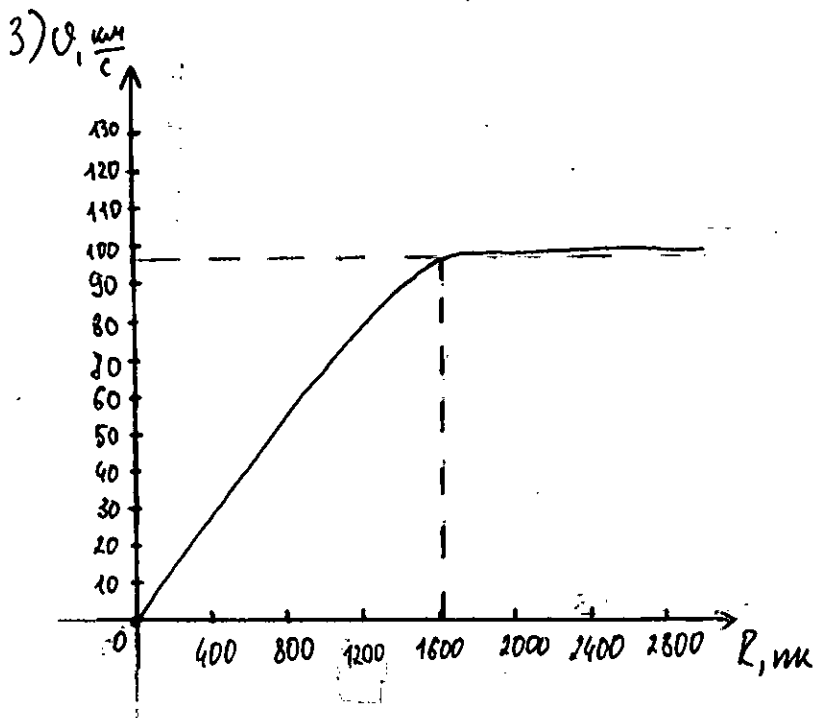


Из рисунка при помощи транспортира найдем  $i$ :

$$i = \arccos \frac{25,5}{28} \approx 24^\circ$$

- 2) Из графика найдем скорость центра диска ( $v = 950 \frac{\text{км}}{\text{с}}$ ) и найдем расстояние через закон Хаббла ( $H = 68 \frac{\text{км}}{\text{с} \cdot \text{Мпк}}$ ):

$$v = rH; \quad r = \frac{v}{H} \approx 14 \text{ Мпк}$$



4) Массу Солнца найдем из скорости на орбите от центра  $R = 1640$  мк (точка на графике после которой скорость перестает линейно возрастать):

$$v^2 = \frac{GM}{R}; \quad M_{\odot} = \frac{v^2 R}{G} = \frac{95000^2 \cdot 1640 \cdot 150 \cdot 10^9 \cdot 206265}{6,67 \cdot 10^{-11}} \approx$$

$$\approx \frac{9025 \cdot 10^6 \cdot 246 \cdot 10^{12} \cdot 206265 \cdot 10^{11}}{6,67} \approx \frac{458 \cdot 10^9 \cdot 10^{29}}{6,67} \approx$$

$$\approx 6,87 \cdot 10^{39} \text{ м} = 3435 \cdot 10^6 M_{\odot}$$

Чтобы найти массу всей галактики найдем ее радиус. Из <sup>изображения галактики</sup> ~~фрагмента~~ это приблизительно  $2'1'' = r_y$ ;

$$r_y = 2'1'' = 0,0336^{\circ} \cdot 3,14 : 180 = 5,86 \cdot 10^{-4} \text{ рад};$$

$$\frac{r}{r_y} = r_g = r_y \cdot r = 5,86 \cdot 10^{-4} \cdot 14 \cdot 10^6 \approx 8200 \text{ мк}.$$

Зная, что скорость осталась примерно такой же, найдем массу галактики:

$$M_{\odot} = \frac{v^2 r_g}{G} = \frac{95000^2 \cdot 8200 \cdot 150 \cdot 10^9 \cdot 206265 \cdot 10^{11}}{6,67} \approx$$

$$\approx 5 M_{\odot} = 3,435 \cdot 10^{40} \text{ м} \approx 17,175 \cdot 10^9 M_{\odot}$$

5) Как я уже сказал в предыдущем пункте, границей Солнца является точка, после которой скорость перестает линейно возрастать (на графике я выделил границу вертикальной пунктирной линией). Определим зависимость плотности от радиуса в Солнце:

$$v^2 = \frac{GM}{r}; \quad M = \frac{4}{3} \pi r^3 \rho; \quad v^2 = \frac{G}{3} \cdot 4\pi r^2 \rho; \quad \rho(r) = \frac{3}{4\pi G} \left(\frac{v}{r}\right)^2$$

В гало всё намного труднее. Рассмотрим сферический слой объёмом  $\Delta V = 4\pi r^2 \Delta r$  и массой  $\Delta m = m(r+\Delta r) - m(r)$ .

Мы знаем, что  $m(r) = \frac{v^2 r}{G}$ , тогда

$$\Delta m = \frac{v^2}{G} (r + \Delta r - r) = \frac{v^2 \Delta r}{G} = 4\pi r^2 \rho(r) \Delta r. \text{ В итоге получаем}$$

$$\rho(r) = \frac{1}{4\pi G} \cdot \left(\frac{v}{r}\right)^2.$$

Ответ:  $i = 24^\circ$ ;  $r = 14 \text{ Мпк}$ ;  $M_B = 6,87 \cdot 10^{39} \text{ кг} = 3435 \cdot 10^6 M_\odot$ ;

$M_G = 3,435 \cdot 10^{40} \text{ кг} = 17,175 \cdot 10^9 M_\odot$ ; в баунте  $\rho(r) = \frac{3}{4\pi G} \left(\frac{v}{r}\right)^2$ ;

в космо  $\rho(r) = \frac{1}{4\pi G} \left(\frac{v}{r}\right)^2$ .