

М.к. известны период обращения планеты

вокруг звезды и радиус круговой орбиты, то по III закону Кеплера можно найти массу звезды.

$$\begin{cases} T^2 = \frac{4\pi^2}{GM} a^3 \\ T_{\oplus}^2 = \frac{4\pi^2}{GM_{\oplus}} a_{\oplus}^3 \end{cases} \Rightarrow \frac{T^2}{T_{\oplus}^2} = \frac{\frac{4\pi^2}{GM} a^3}{\frac{4\pi^2}{GM_{\oplus}} a_{\oplus}^3} = \frac{a^3 M_{\oplus}}{a_{\oplus}^3 M} \Rightarrow \left(\frac{T}{T_{\oplus}}\right)^2 = \left(\frac{a}{a_{\oplus}}\right)^3 \frac{M_{\oplus}}{M}$$

$$\Rightarrow \frac{M}{M_{\oplus}} = \left(\frac{a}{a_{\oplus}}\right)^3 / \left(\frac{T}{T_{\oplus}}\right)^2 \quad \frac{a}{a_{\oplus}} = \frac{3 \text{ мкм}}{150 \text{ мкм}} = \frac{1}{50} = 0.02 \text{ (р.)}$$

$$\frac{T}{T_{\oplus}} = \frac{1.4 \text{ дн}}{365 \text{ дн}} \approx 0.004 \text{ (р.)} \quad \frac{M}{M_{\oplus}} = \frac{(0.02)^3}{(0.004)^2} = \frac{8 \cdot 10^{-6}}{16 \cdot 10^{-6}} = 0.5 \Rightarrow M = 0.5 M_{\oplus}$$

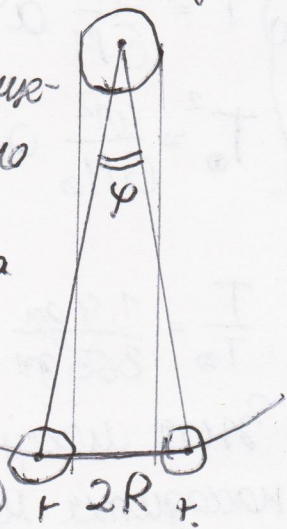
Зная массу звезды, можно примерно определить её тип. Она находится на границе между карликовыми и красными карликами, то есть, что она находится на ней и является звездой типа MII - красными карликом.

Падение диска происходит из-за того, что планета затеняет часть звезды, не простирая свет. ~~III~~  $E = B\Omega$ , где  $E$  - освещенность,  $B$  - поперечная яркость звезды, стоящая на расстоянии  $\Omega$  от звезды. Планета затеняет тел. угол  $\Omega_{пл}$ , тогда до наблюдателя не доходит свет от части звезды под ~~тел.~~  $\Omega_{пл}$ . Не доходит  $E_{пл} = B\Omega_{пл}$ . Из формулы  $\frac{E - E_{пл}}{E} = 0.43$ . М.к. угол между линией зрения и плоскостью орбиты равен  $90^\circ - \beta$ ,  $\beta = 0.2$ , то  $\beta$  заданный падает на звезду. Радиусом орбиты по сравнению с расстоянием до звезды (это больше 1 км) можно пренебречь, тогда, если  $R$  - радиус звезды,  $r$  - радиус планеты,  $L$  - расстояние до звезды, получаем:

$$\frac{E - E_{пл}}{E} = \frac{B\Omega - B\Omega_{пл}}{B\Omega} = \frac{B \frac{\pi R^2}{L^2} - B \frac{\pi r^2}{L^2}}{B \frac{\pi R^2}{L^2}} = \frac{R^2 - r^2}{R^2} = 1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2 = 0.43$$

$$\left(\frac{r}{R}\right)^2 = 1 - 0.43 = 0.57 \Rightarrow \frac{r}{R} \approx 0.76$$

Понятно, что радиусы планеты по сравнению с радиусом звезды пренебрегать нельзя. Тогда будем рассматривать систему с того момента, когда планета начинает касаться звезды, т.е.  $\varphi = 0$ . Затем же со всеми углами дуга  $\varphi$  мм, что не слишком много по сравнению с периодом обращения, тогда кривизной орбиты в данной точке можно пренебречь.



Дуга, пройденная планетой, равна  $\varphi = \frac{v t}{T}$ . Тогда сама дуга по длине равна  $\varphi R = \frac{v t}{T} R = 2(R+r)$ .

$$\varphi = \frac{v t \cdot 8 \text{ мм}}{1,4 \cdot 29 \cdot 60 \text{ мм}} = \frac{\pi}{126} \cdot 2(R+r) = \frac{\pi}{126} R = \frac{\pi}{126} \cdot 3 \text{ мм} \cdot \text{км} =$$

$$= \frac{\pi}{42} \text{ мм} \cdot \text{км} \approx 0,07 \text{ мм} \cdot \text{км} = 70000 \text{ км} = 2(R+r) = 2(R+0,46R)$$

$$= 2 \cdot 1,46R = 3,52R \Rightarrow R = 19886 \text{ км} \approx 19900 \text{ км}$$

$r = 0,46R = 15124 \approx 15100 \text{ км}$ . Планета достаточно большая, в 2,5 раза больше <sup>земли</sup>  $R_{\oplus}$ , но мала для карликовой планеты. Такая планета скорее всего твердая и относится к типу суперземли.

Ответ: радиус <sup>планеты</sup> ~~звезды~~ 15100 км, тип: суперземля  
 радиус ~~звезды~~ 19900 км, тип: красный карлик.