

① Массовая концентрация — количество молекул в столбике с площадью 1 см^2 , т.е. в нашем объеме в столбике $1 \text{ см}^2 \times 1 \text{ см}^2 \times 2 \text{ см}$ находится $2,8 \cdot 10^{24}$ молекул. Это нам понадобится в формуле Лангемюра (объем того столбика: $V = a \cdot b \cdot c = S \cdot R$ (где S — площадь $1 \text{ см}^2 \times 1 \text{ см}^2$, R — радиус облака) = ~~$2,8 \cdot 10^{24} \text{ м}^3$~~ $2,326 \cdot 3 \cdot 10^8 \cdot 36 \cdot 10^2 \cdot 24 \cdot 365 = 6,52 \cdot 10^6 \approx 6,2 \cdot 10^{12} \text{ м}^3$

Зная объем и количество молекул, найдем концентрацию на м^3 : $\rho = \frac{2,8 \cdot 10^{24}}{6,2 \cdot 10^{12}} = \frac{2,8}{6,2} \cdot 10^{12} \approx 4,5 \cdot 10^{11}$ молекул на м^3 .

Объем облака $V_0 = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{4}{3} \cdot 3,14 \cdot 8 \text{ км}^3 = 10^{50} \text{ м}^3$.

В облаке всего $N_0 = \rho \cdot V_0 = 4,5 \cdot 10^{50}$ молекул.

Атомная масса сахара равна ≈ 64 — она равна 64 массе атома водорода $\Rightarrow M = N_0 \cdot m_H = 4,5 \cdot 10^{50} \cdot 64 \cdot 10^{-27} \approx 2,9 \cdot 10^{30} \text{ кг}$.

Ответ: $2,9 \cdot 10^{30} \text{ кг}$

② $g = 9,8 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$; $a_{\oplus} = 1 \text{ а.е.}$; $a_{\text{л}} = 1,52 \text{ а.е.} \Rightarrow \Delta a = a_{\text{л}} - a_{\oplus} = 0,52 \text{ а.е.} \approx 7,8 \cdot 10^{10} \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$

Минимальное время — корабль займет, если будет лететь всё время с ускорением, а в конце резко затормозит, а оптимальное время — когда пути пролетит, если корабль, а по пути пролетит, тормоза.

$$\Delta a = S = \frac{g t^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2S}{g}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 7,8 \cdot 10^{10}}{9,8}} \approx 1,2 \cdot 10^5 \text{ с} \approx 33,3 \text{ ч}$$

1, ~~2~~ раз (или время)

В то же время можно заметить, ведь по пути ускорения ОК пролетит за то же время, что и по пути

$$\text{Т.к. тормоза} \Rightarrow t_1 = t_2 = \frac{t}{2}$$

$$\frac{\Delta a}{2} = \frac{S}{2} = \frac{g t_1^2}{2} \Rightarrow t_1 = \sqrt{\frac{2S}{g}} = \sqrt{\frac{S}{g}} \approx 21,9 \text{ часов}$$

$$t = 2t_1 = 2t_2 = 2 \cdot 21,9 = 43,8 \text{ ч} \approx 1,8 \text{ дней}$$

Промежуток примерно равен от 1,4 дней до 1,8 дней, т.е. $0,4 \text{ дней} \approx 9,6 \text{ ч}$.

$$\textcircled{3} v_0 = 300 \frac{\text{км}}{\text{с}}; \tau_0 = 0,004''.$$

КАЗ - 6

Посчитаем расстояние по формуле:

$$r = \frac{1 \text{ мкс}}{\pi''} - \frac{1}{0,004''} = 250 \text{ мкс} = 875 \text{ с.л.} \quad (2,4 \cdot 10^{18} \text{ м})$$

Так как v_0 в $\frac{v_0}{c} = \frac{300000}{300} = 1000$ раз меньше, то

если свет пройдёт 875 с.л. $t = 875$ лет, то ветер пройдёт его за $t_0 = 875 \cdot 1000 = 875000$ лет.

За 875000 лет ветер сдует с R_{And} : $M = 875000 \cdot 10^{-6} = 0,875 M_{\odot} = 0,875 \cdot 2 \cdot 10^{30} = 1,63 \cdot 10^{30} \text{ кг}$

Теперь, если представим, что ветер - параллельный, со сторонами $1 \text{ м} \times 1 \text{ м} \times r$, то его плотность составит:

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{1 \times 1 \times r} = \frac{1,63 \cdot 10^{30} \text{ кг}}{2,4 \cdot 10^{18} \text{ м}^3} \approx 6,7 \cdot 10^{11} \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$$

Довольно много, но учитывая, что за миллиард лет ветер сдует со звезды массу Солнца (!!!), вполне допустимо.

④. Несмотря на невероятное отличие диаметра объектива телескопа, чем пока добьёмся лишь диаметр ~~линзы~~ ^{объектива} трубы, ведь её можно подставить в простейшую формулу в качестве углового разрешения:

$$\alpha = \frac{14''}{D_{\text{линз}}} = \frac{14''}{4,2 \text{ см}} \approx 3,33''$$