

Рассмотрим внимательно фотографии. По ним видно, что Луна находилась 31 января ближе к Солнцу. Кривизна Луны разная примерно

$\frac{1}{4}$  (На второй картинке диаметр Луны равен 1,2 см, и часть серпа  $\rightarrow$ )  
 $x = 0,3 \text{ см} \Rightarrow \varphi = \frac{x}{D} = \frac{0,3 \text{ см}}{1,2 \text{ см}} = \frac{1}{4}$

Определим, на какой угол отстоит Луна от линии Солнце-Земля. Приближённо  $\varphi \sim \Phi \Rightarrow \varphi = 45^\circ$ . И да, Луна находится с затмившей стороны (стоб, как показывает на рисе)

Значит, Венера находится в ~~левой~~ <sup>левой</sup> стороне фотографии, а Юпитер, соответственно в правой.

Определим теперь время, прошедшее между снимками.

Для этого найдём центры фотографий (в условии сказано, что азимуты центров фотографий в обеих точках были одинаковы) и посчитаем ~~угловое~~ <sup>угловое</sup> расстояние. Проведём из центров прямые  $\perp$  к центрам, перпендикулярные линиям границ вырезки и найдём угол  $\gamma$  (рис. 2) расстояние (в угл. единицах), на кот. диаметр Луны отстоит от данных прямых в 2-х случаях (с учётом направления движения Луны  $\approx$  рис. 2.)

В 1-ом случае  $\gamma_1 = \frac{0,4 \text{ см} \cdot \sin \alpha}{0,8 \text{ см}} = \frac{1}{2} \cdot 0,5^\circ = 0,25^\circ$   
 (на 1-ой фотографии диаметр Луны равен 0,8 см)

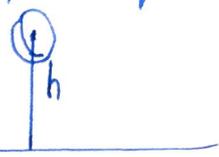
В 2-ом случае  $\gamma_2 = \frac{1,4 \text{ см} \cdot \sin \alpha}{1,2 \text{ см}} = \frac{7}{6} \cdot 0,5^\circ \approx 1,2 \cdot 0,5^\circ = 0,6^\circ$

Значит, за время  $t$  (время <sup>полн.</sup> между снимками) Луна прошла угол  $\Delta \alpha = \gamma_2 - \gamma_1 = 0,35^\circ$ . А угловая скорость Луны отн. Земли  $\omega = 14^\circ/\text{ч}$  или  $\approx 14^\circ/\text{ч}$ . Тогда  $t = \frac{\Delta \alpha}{\omega} = \frac{0,35^\circ}{14^\circ/\text{ч}} = \frac{0,35}{14} \cdot 60 \text{ мин} = \frac{0,05}{2} \cdot 60 \text{ мин} = 0,05 \cdot 30 \text{ мин} = 0,5 \cdot 3 \text{ мин} = 1,5 \text{ мин}$ , т.е.  $\approx 1,5$  минут.

Определим теперь созвездие, в кот. находилась Луна. (Как и да, нечёт стороны, в кот. находилась Луна в этот момент, в районе 31 января  $\approx$  было лунное затмение  $\Rightarrow$  получено предположить, что Луна находилась именно там, а не где либо ещё.)

КГД-01 | 31 января Солнце находится Луны отстоит от Солнца при наблюдении с Земли на угол, равный  $45^\circ$ . Значит, Луна находится в том созвездии, в кот. Солнце находилось  $\approx 45$  дней назад  
 31 января  $- 45^\circ = 17$  декабря. А 17 декабря Солнце находилось в Скорпионе ( $\approx$ ).  $\Rightarrow$  Луна находится в Скорпионе.

Теперь определим расстояние между точками на Земле, где были сделаны фотографии. Для этого проведем прямые из центров фотографий, параллельные горизонту. Найдем угловое расстояние ~~между~~ центра Луны от дикной прямой в эти моменты времени (тот, при коь была сделана 1-ая фотография) на первой ортографии  $h = 0,8 \text{ см}$  и  $0,8 \text{ см}$   
 $\Rightarrow h_1 = 0,5^\circ$



На второй же ортографии  $h = 3,2 \text{ см}$ , и  $0,8 \text{ см}$   
 $\Rightarrow h_2 = 0,5^\circ \cdot \frac{3,2}{0,8} \approx 2,0^\circ$

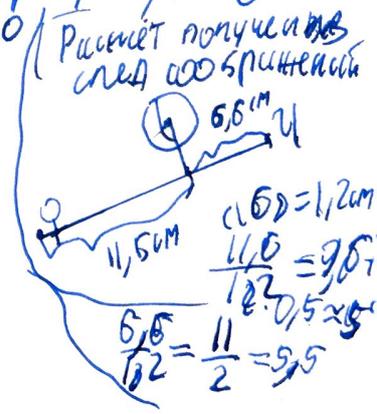
Значит можно показать, что ~~расстояние~~ <sup>длина дуги</sup> по большому кругу на угол, равный  $h_2 - h_1 = 0,83^\circ$



что соответствует в км  $l = \frac{0,83 \cdot \pi \cdot 5400}{180} \approx \frac{0,83 \cdot 3 \cdot 5400}{180} = \frac{8,3 \cdot 54}{6} = \frac{8,3 \cdot 32}{3} \approx 8,3 \cdot 10,67 \approx 88,8 \text{ км} \approx 89 \text{ км}$

Теперь определим расстояние ~~между~~ от Земли до планеты в данный момент. Заметим (идея из 2-ой фотографии), что Венера ~~на~~ отстоит от Луны на угол, равный  $\approx 5^\circ$ . Значит, угол  $\odot \oplus \ominus$  равен  $40^\circ$ . (1)

~~Юпитер~~ Юпитер же отстоит от Луны на угол, равный  $2,7^\circ$ , значит угол  $\odot \oplus \text{Ю}$  равен  $45^\circ + 2,7^\circ \approx 47,7^\circ$ . (2)



Изобразим данную ситуацию на картинке.

Как видно по картинке  $l_\oplus$  и  $l_\text{Ю}$  можно определить по теореме синусов (в данном случае это проще для расчетов)

Приближенно  $\sin x \approx x + \frac{x^3}{6} + \dots$ , где  $x$  - угол в радианах.

Стр 2 | Тогда получаем следующие ~~все~~ системы уравнений, получив...

КГД-01] -ли для каждой планеты:

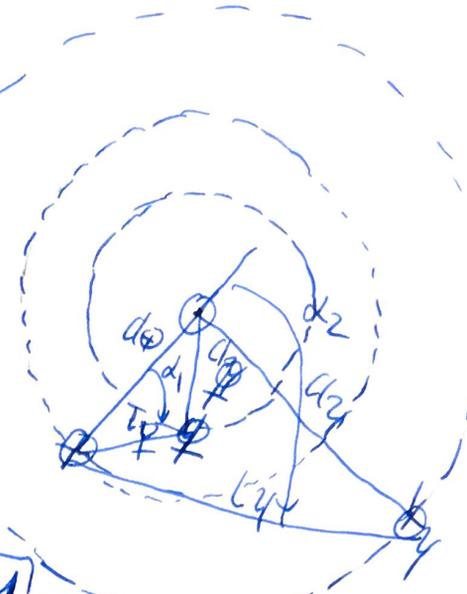
по т. синусов:  $\frac{\sin \alpha}{a_{pl}} = \frac{\sin \beta}{b_{pl}}$

$\frac{\sin \gamma}{L_{pl}} = \frac{\sin \alpha}{a_{pl}}$

$\sin \gamma = \sin(\alpha + \beta)$  тк  $\gamma = 180 - (\alpha + \beta)$

Для Венеры  $b_1 = 89 \times$  практически 900, поэтому  $L_{\oplus} = \sqrt{a_{\oplus}^2 - a_{\oplus}^2} = \sqrt{1 - 0,49} \approx 0,51 \approx 0,229$  а.е.

У Юпитера сложнее, тк.  $\sin \alpha \approx 0,9$   
 Тогда  $\sin \beta \approx 0,17 \Rightarrow \beta \approx 10,2^\circ$   
 $\beta \approx 0,17 \cdot 180 = 31,50$   
 (с учетом того, что  $\pi$  радиан = 3,14 радиана  
 был угол  $\leq 10^\circ$ , то тогда так можно)



тк угол  $180 - \gamma$  равен в данном случае  $57,9^\circ \approx \sin 57,9^\circ \approx 0,67$

тк  $\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \approx 0,87$  больше

Тогда

$\frac{0,17}{0,67} \cdot 5,2 = L_{Jy}$  и  $L_{y} \approx 5,1$  а.е.

Ответы: 1) с левой стороны Венеры, с правой Юпитера (если так, то помечено на орбитах).

- 2) 1,5 минуты
- 3) = Скорпион

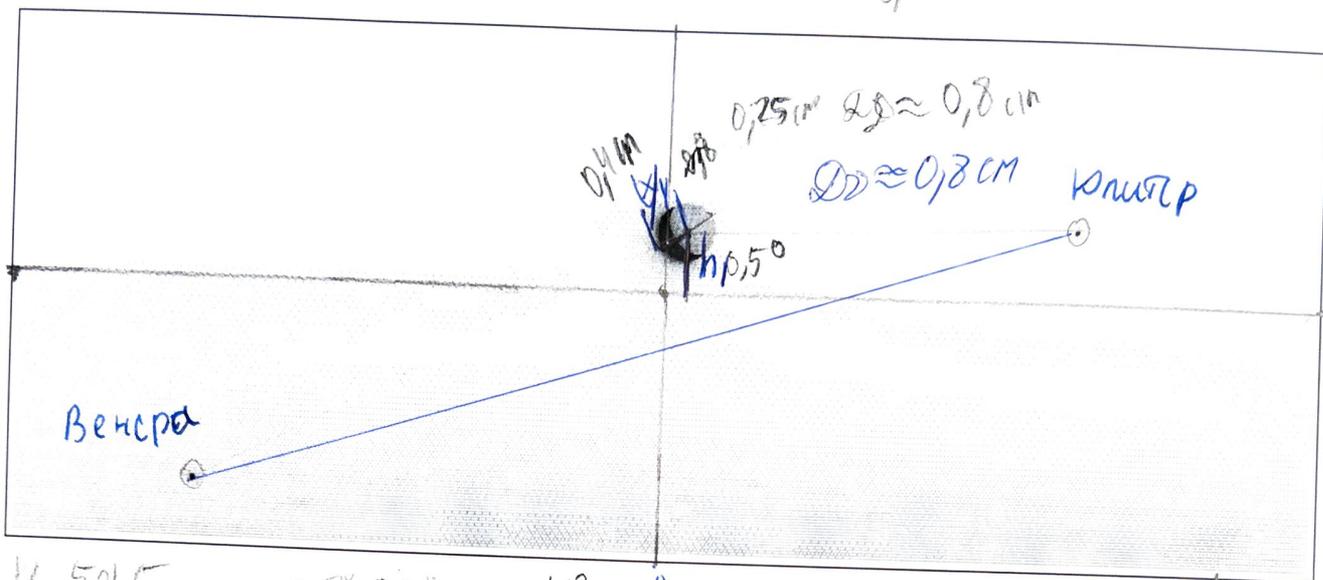
1)  $L_{\oplus} = 0,22$  а.е.  $L_{y} = 5,1$  а.е.

5) 89 км

Что касается  $\gamma$  и  $h$  (стр 1 и стр 2), то они помечены на картинке, и расстояние  $d \approx t \cdot \omega$ , поэтому  $h_2$  находится там, где показано на картинке

$\approx 0,31 \cdot 0,5 = 0,155^\circ$

$$\begin{array}{r} 2,518 \\ - 2,45 \\ \hline 0,068 \\ \cdot 0,15 \\ \hline 0,0102 \\ \cdot 10 \\ \hline 0,102 \\ \cdot 0,15 \\ \hline 0,0153 \\ \cdot 10 \\ \hline 0,153 \end{array}$$

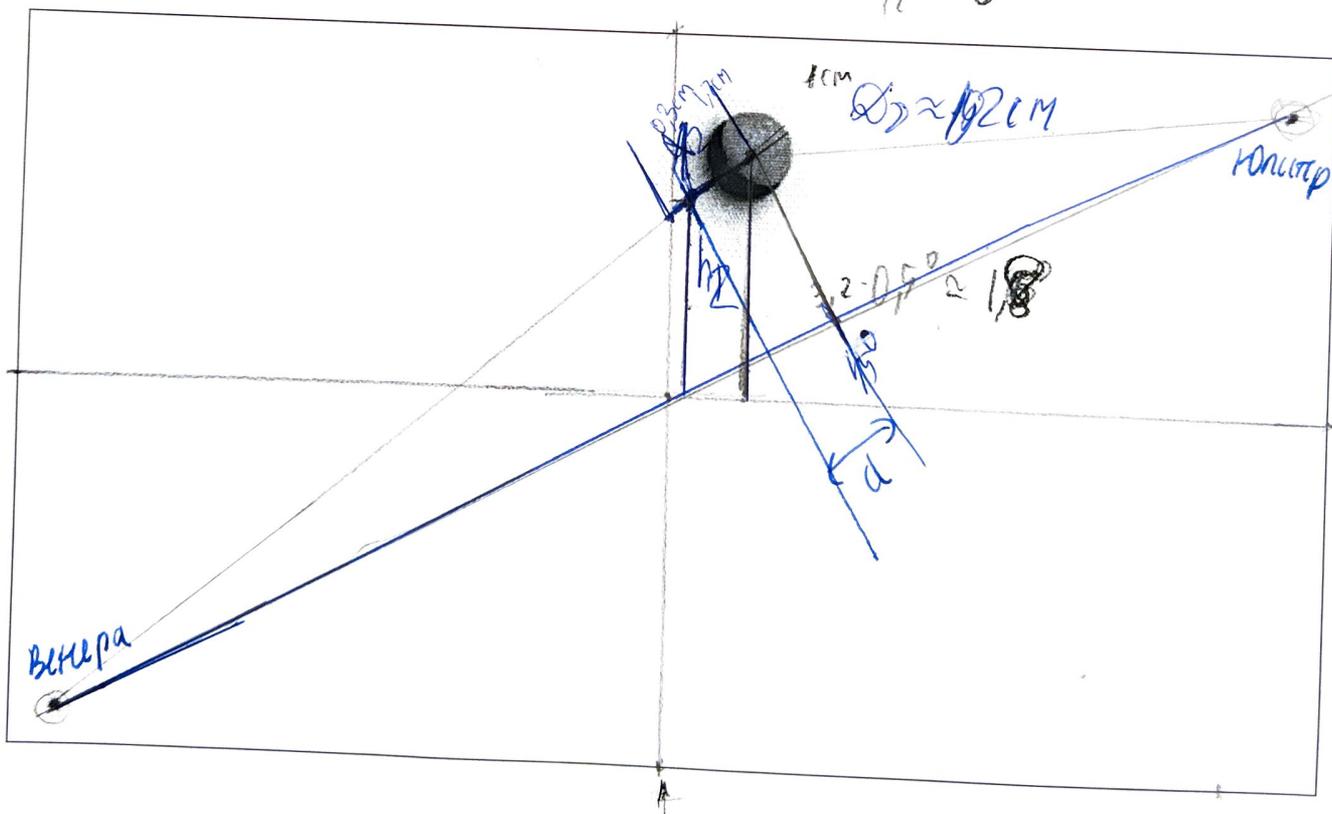


$$\frac{50}{10} \cdot 0,5 \approx 0,8 \cdot 0,5 = 0,4^\circ$$

0,25°

$\frac{10}{12} = \frac{5}{6}$

$1,2 \cdot 2 = 2,4$

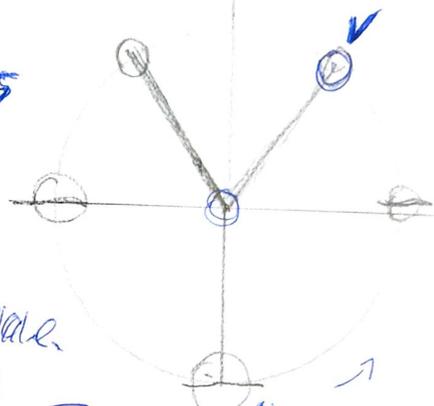


Юпитер  $\frac{1}{4} \text{ см} \approx 2^\circ$

Венера  $\approx 3^\circ$

Р-м сразу Лунь в оротографрии сделана в негитиве, значит черная часть, закрашенная на рисунке соответствует, фазе Лунь, причем  $\phi =$   
 По этим измерениям получился, что  $\phi \approx \frac{0,3}{\sqrt{2}} = \frac{1}{4}$ . Значит, лунка  
 отстояла от солнца на угол, разный  $\approx 180^\circ \sim \left\{ \begin{matrix} \phi \\ X \sim \phi \end{matrix} \right\} \Rightarrow X \approx \frac{180^\circ}{4} = 45^\circ$   
 Для того чтобы отнестись тела на  
 оротографрии, надо понять, с какой стороны  
 расположена Луна.

$$\sigma_y = \frac{a_y = 52 \text{ км}}{1,2 \text{ км}} \approx \frac{140000 \text{ км}}{15 \cdot 10^8 \text{ км}} = \frac{1}{4 \cdot 10} \approx \frac{1}{40} \approx 0,025$$



Юпитер располагается при таких положениях  
 $\approx$  Вблизи экватора  $\Rightarrow L = \sqrt{25 - 1} = \sqrt{24} \approx 4,9 \text{ км}$

или  $\sim 150 \cdot 10^6 \text{ км} \Rightarrow \sigma_y = \frac{140000}{150 \cdot 10^6 \cdot 5} = \frac{1}{10^5} = 2 \cdot 10^{-4}$

В том же направлении  $200265 \text{ км} \approx 200000 \cdot 2 \cdot 10^{-4} \approx 40''$

для Венеры вблизи экватора равен  $\sigma = \frac{120000 \text{ км}}{\sqrt{10^2 - 10^2} \cdot 10^8} = \frac{120000}{0,22 \cdot 150 \cdot 10^8} = \frac{200 \cdot 12}{0,22 \cdot 150} = \frac{200 \cdot 12}{33} = 80''$

$\sigma_y^2 \approx 0,00049$

$$= \frac{120000 \text{ км} \cdot 200000''}{0,22 \cdot 150 \cdot 10^8} \approx \frac{22 \cdot 150 \cdot 10^4}{0,22 \cdot 150 \cdot 10^8} = \frac{200 \cdot 12}{33} = 80''$$

$\Rightarrow \sigma_\phi > \sigma_y \Rightarrow$  Луна

распологается, значит, Венера - большая по углу размерам планета на рисунке, а Юпитер - меньшая.

На 1-ой оротографии центр Лунь отстоит от планеты, пров  $4/3 \cdot A$ , перпендикулярно горизонту на угол  $0,155^\circ$ , а на 2-ой на угол  $0,4^\circ$

Оценить угловую скорость отн. Лунь  $\omega_{отн} \approx 3,6 \text{ м}$  и  $\approx 14 \frac{7,5}{7}$

$\Delta \alpha = 0,4 - 0,155^\circ \approx 0,25$  и  $t = \frac{0,25^\circ}{13^\circ} \text{ ч} = \frac{0,25 \cdot 3600}{130} = \frac{25 \cdot 30}{7} = 1 \text{ мин}$

$\Rightarrow$  между снимками прошла 1 минута.

Заметим также, что Венера отстоит от Лунь на угол, разный  $3^\circ$ , а Юпитер  $2^\circ$ .  $\Rightarrow$  Венера находится действительно вблизи

$\sqrt{1-0,22} \approx \sqrt{0,78} \approx 0,88$  (Черновик)

$22^2 = 484$

(если очень грубо)

А юпитер отстоит от А вот Юпитер находится не в экваториальной плоскости (или насколько ни шутилке).  $\frac{173}{2}$

$\frac{\sin 18^\circ}{\sin 48^\circ} \approx \frac{\sin 18^\circ}{\sin 48^\circ} \approx 0,38$

$\frac{0,2}{5} = 0,04 \approx 0,02^\circ$

$\frac{0,9}{52} \approx \frac{0,9}{5} \approx 0,18$

$\sin x \approx x + \frac{x^3}{6}$

$\cos x = 1 - \frac{x^2}{2}$  где  $x$  - углы

В радианах  $0,2 \approx x + \frac{x^3}{6} \Rightarrow x^3 + 0,12x - 0,12 = 0$

$118 + 5 = 123$

$x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{1-0,4}}{2} = \frac{1 \pm 0,78}{2} = \frac{1,78}{2}$

$180 - 48^\circ - 5^\circ \approx 127$

$\Rightarrow \frac{\sin 54^\circ}{L} = \frac{\sin 118^\circ}{0,2} \Rightarrow L = \frac{0,2 \cdot \sin 54^\circ}{\sin 118^\circ} \approx \frac{0,2 \cdot 0,809}{0,816} \approx 0,198 \approx 0,2$

$\frac{44}{115} \cdot 52 \approx 20,1$

$\approx 0,88^\circ$

$\frac{54 \cdot 3}{180} = 0,9$

$\frac{48 \cdot \pi}{180} = 0,84$

~~→~~

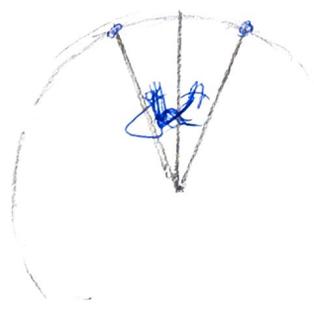
По отношению к

для каждого юпитера. Азимуты отшлифовали. Проведём также ч/з юпитер линию, параллельную экватору и отсчитаем угол к южной высоте планеты Луна по отношению к диаметральной.

$h_1 = 0,5^\circ$

$h_2 = 1,3^\circ$

( $h_2$  кой боим в азимуте почитайте)



Таким образом можно предположить, что

данные юпитера и отстоит друг от друга по большому кругу небесной сферы на угол, равный  $0,8^\circ$

Тогда  $L = \frac{\pi \cdot \Delta h}{\sin \alpha} \cdot R_0 = \frac{3,14 \cdot 0,8}{\sin 0,8^\circ} \cdot R_0 \approx \frac{2,51}{0,01396} \cdot R_0 \approx 180 \cdot R_0$

$\frac{256}{3} = 85,33 \text{ км} \approx 85 \text{ км}$

KR4-01  $\frac{0,7 \cdot 1}{0,723} \approx 0,99 \approx \beta \approx 89^\circ \Rightarrow \alpha =$

$$\begin{array}{r} 23 \\ \times 23 \\ \hline 69 \\ 46 \\ \hline 529 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \alpha \\ 42 - 049 \end{array}$$

$$\frac{\sin \beta = 0,9}{5,2} = \frac{0,9}{5} = 0,18$$

$$0,18 \cdot 60 = 10,8 = 10,2^\circ$$