

$$\begin{aligned}
& \sum_{k=1}^n \left(\frac{\partial}{\partial x_k} \phi(x) \right)^2 = \sum_{k=1}^n \left(\frac{\partial}{\partial x_k} \left(\sum_{i=1}^m \phi_i(x_i) \right) \right)^2 \\
& = \sum_{k=1}^n \left(\sum_{i=1}^m \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 \\
& = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 \\
& = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 \\
& = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 \\
& = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2 = \sum_{i=1}^m \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial}{\partial x_k} \phi_i(x_i) \right)^2
\end{aligned}$$

1. naloga

Sredi novembra je radiant nekega meteorskega roja najvišje na nebu tik pred zoro. Radiant katerega meteorskega roja je to – Leonidov ali Eta-Akvaridov? Odgovor utemelji.



Leonid - Lek?
Eta - Akvaridov - Vodnari?

Novembra se ponosči videti ozvezdje Oven. Ozvezdje Vodnorja bi se videlo prej - začetek noči. Lek bi bil viden karneje - konec noči - pred roro, zato je ta radiant verjetno Leonidov radiant.

2. naloga

Vladar majhnega, a ponosnega kraljestva, ki mu ureditev sodobnega koledarja ni bila všeč, je s 1. januarjem 2019 razglasil svoj koledar, v katerem leto traja natanko 360 dni. Katerega leta po našem koledarju se bo naslednjič naš 1. januar ujel s 1. januarjem po koledarju tega kraljestva?

SODOBNI KOLEDAR: 365 dni, prestopno leto (1 dodatni dan) na 4 leta \rightarrow 365,25 dni

Za vsako njihovo leto (360 dni), naš koledar razstane na 5,25 dni ($365,25 - 360$).

Iz tega sledi, da se bo 1. januar ujel z njihovim 1. januarjem, ker bo naš koledar razstal vemo njihovo leto (360 dni).

dve

$360 : 5,25 = \cancel{X}$

toliko mora naš koledar zaostati

v enem letu zaostane toliko

zato

$360 + 360 = 720 \text{ dni}$

$720 : 5,25 = \underline{136}$

Da ponovno ujamem, bo trajalo 136 let, kar bo leta 2155.

$36000 : 525 = \cancel{68}$

od tege razstavljanje

$36000 : 525 = \cancel{68}$

4500

300

$68 - 17 = 51$

$51 \cdot 5 = 255$

$255 + 102 = 357$

$68 : 4 = 17$

28

$17 \cdot 6 = 102$

$17 \cdot 6 = 102$

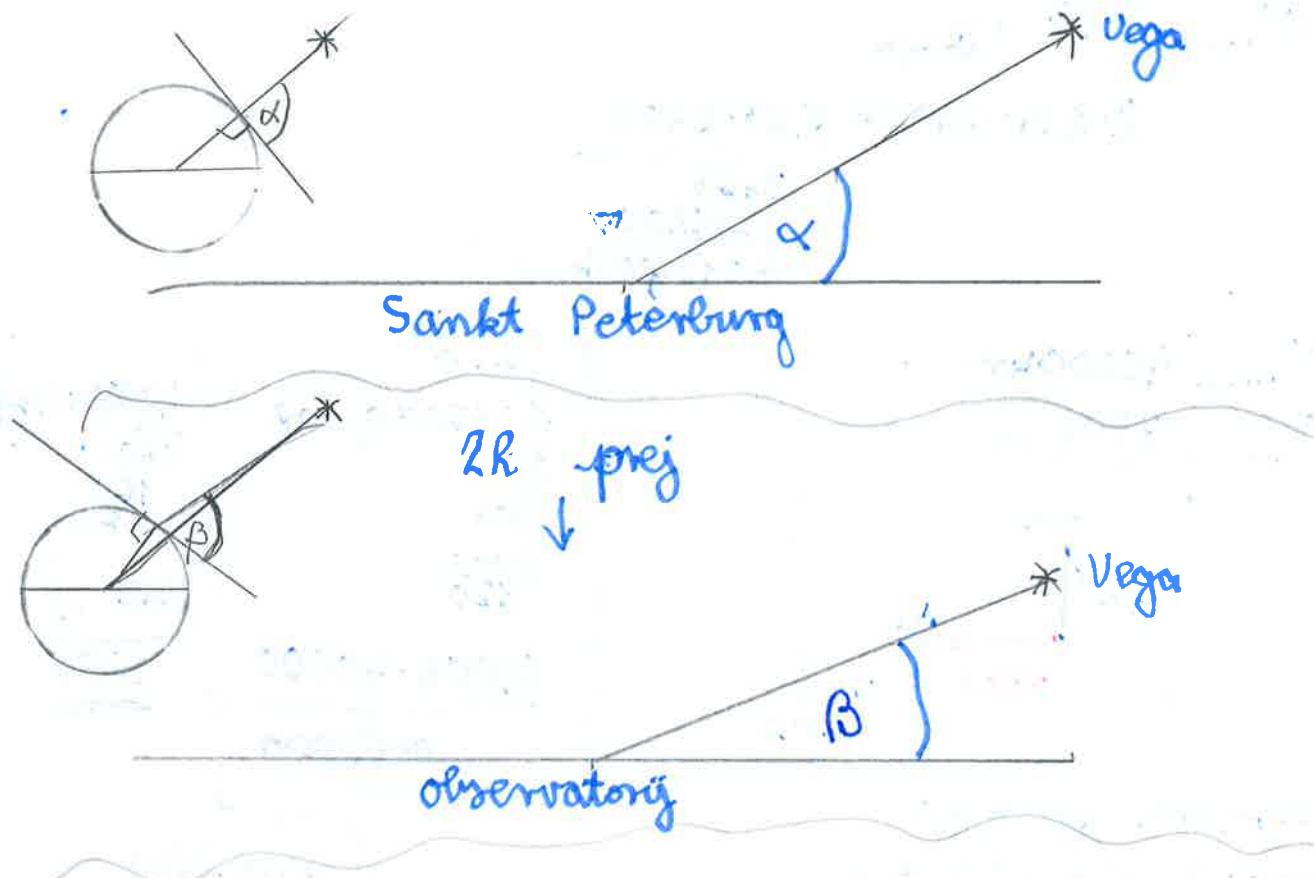
~~se ne ujamem~~

$2019 + 136 = \underline{\underline{2155}}$

卷之三

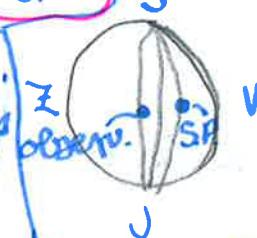
3. naloga

Dva astronomi, eden iz Sankt Peterburga, drugi pa iz nekega drugega observatorija, opazujeta zvezdo Vega. Višina zgornje kulminacije Veger (največja višina zvezde nad obzorjem) se med opazovališčema razlikuje za 3 stopinje, pri čemer astronom na observatoriju vidi zgornjo kulminacijo Veger južno od zenita. Znano je, da je Vega za opazovalca na observatoriju v zgornji kulminaciji 1 uro in 58 minut prej kot v Sankt Peterburgu. Izračunaj zemljepisne koordinate observatorija in oceni razdaljo med observatorijem in Sankt Peterburgom.



Koordinati observatorija

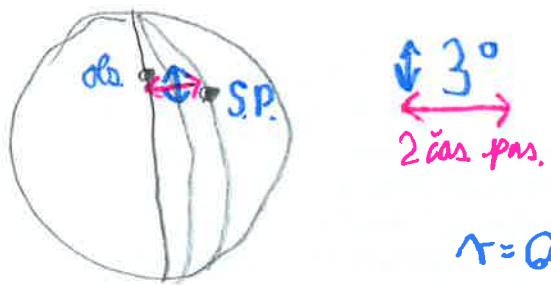
- ① Če opazuje 2h prej \rightarrow Sonce zaide 2h prej \rightarrow 2časovna pasova ZAHODNO od S.P.
- ② Vega vidi južno od zenita, razlika med višino kulminacij je $3^\circ \rightarrow$ observatorij je 3° SEVERNO od S.P.



S.P. = Sankt
Peterburg

Razdalja

S.P. - observatorij



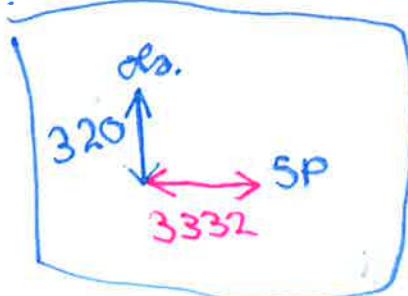
$$r = 6400 \text{ km}$$

$$360^\circ \dots 2 \cdot \pi \cdot r_{\text{ZEME}}$$

$$2 \cdot 3,14 \cdot 6400 = \frac{6,28 \cdot 6400}{3768} \\ \underline{251200} \\ 4019200 \text{ km}$$

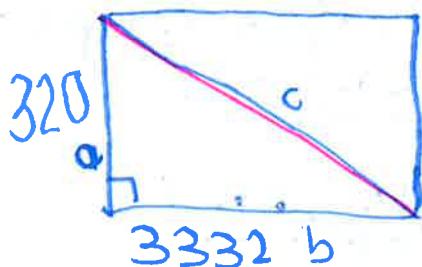
$$360^\circ \dots 40000 \text{ km}$$

$$3^\circ \dots 320 \text{ km}$$



2 časovni pasovi:

$$40000 : 24 \cdot 2 = \underline{\underline{3332}} \text{ km}$$



$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$a^2 = 320^2 =$$

$$\text{prb. } 100\ 000$$

$$b^2 = \text{prb. } 9\ 000\ 000$$

$$c^2 = 100\ 000 + 9\ 000\ 000 = 9\ 100\ 000 = \\ \text{prb. } 9\ 000\ 000$$

$$c = \sqrt{9\ 000\ 000} = \underline{\underline{3000}} \text{ km}$$

Razdalja je
prb. 3000 km.

$$3 : 360 = 0,008$$

$$30$$

$$300$$

$$3000 \\ \underline{120}$$

$$0,008 \cdot 40000$$

$$\underline{\underline{06320000}}$$

$$40000 : 24 = 1666$$

$$1666 \\ \underline{160} \\ 160 \\ \underline{160}$$

$$1666 \cdot 2 \\ \underline{\underline{3332}}$$

$$320 \cdot 320$$

$$960$$

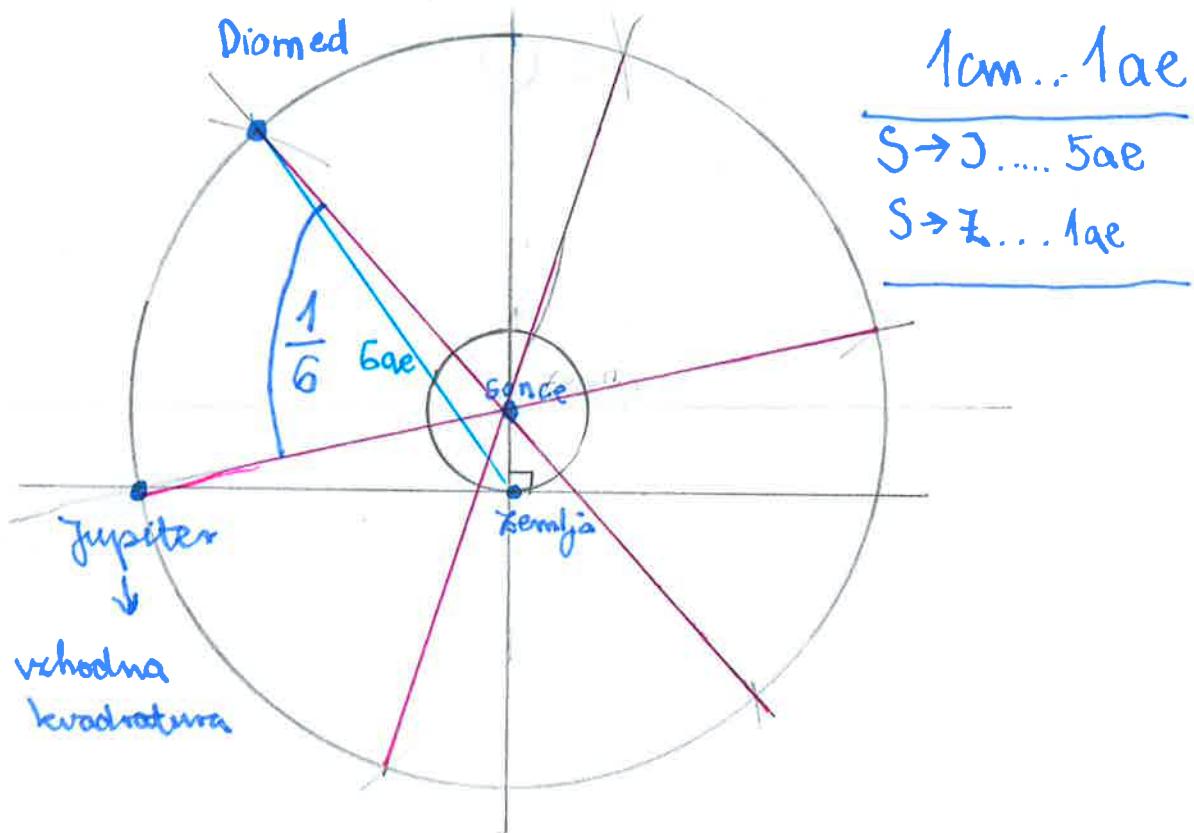
$$640$$

$$1 \underline{02480}$$

$$3000 \cdot 3000 \\ \underline{\underline{9000000}}$$

4. naloga

V času meritev oddaljenosti asteroida Diomed z radijskim signalom, se Jupiter nahaja v vzhodni kvadraturi. Koliko časa traja ena meritev oddaljenosti asteroida z radijskim signalom? Znano je, da se Diomed okoli Sonca giblje po enaki orbiti kot Jupiter in da je na orbiti za $\frac{1}{6}$ obhodnega časa pred Jupitrom.



Diomed-oddaljenost

$$1\text{cm} \dots 1\text{au}$$

$$6\text{cm} \dots x$$

$$\frac{150\ 000\ 000 \cdot s}{900\ 000\ 000}$$

$$x = 6\text{au} = 900\ 000\ 000 \text{ km}$$

Čas meritve

signal od Zemlje do Diameda potuje:

$$s = 900\ 000\ 000 \text{ km}$$

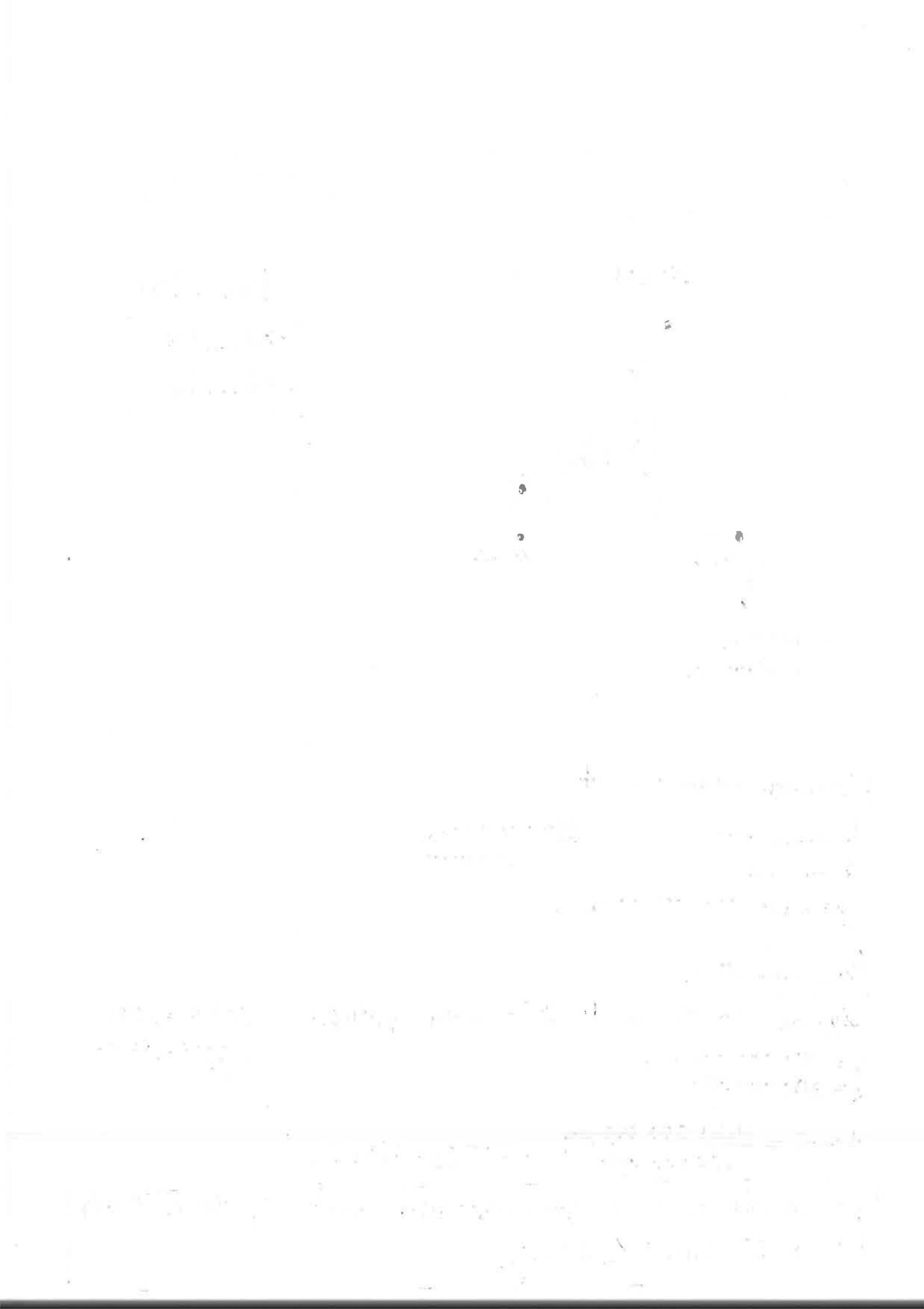
$$v = 300\ 000 \frac{\text{km}}{\text{s}}$$

$$9000 : 3 = 3000$$

$$3000 : 60 = 50$$

$$t = \frac{s}{v} = \frac{900\ 000\ 000 \text{ km}}{300\ 000 \frac{\text{km}}{\text{s}}} = 3000 \text{ s} = \underline{\underline{50 \text{ min}}}$$

Da se signal vrne (Zemlja - Diomed - Zemlja) torej traja
 $50 \cdot 2 = 100 \text{ min} = \underline{\underline{1h\ 40\ min.}}$

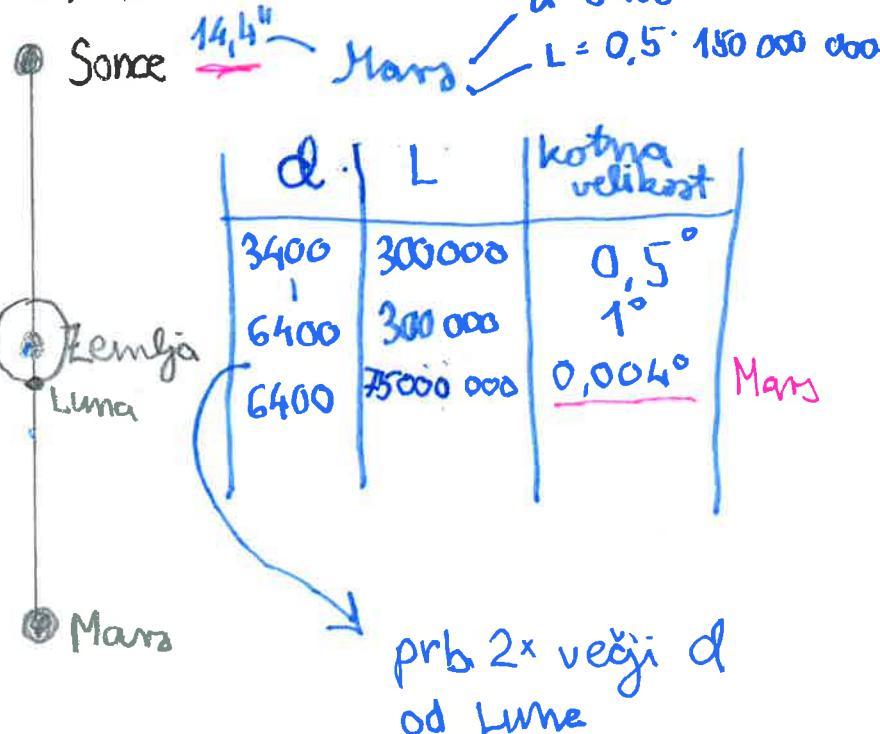


5. naloga

27. julija 2018 se je zgodil redek astronomski pojav: velika opozicija Marsa je bila sočasno s popolnim (centralnim) Luninim mrkom. V sredini popolne faze Luninega mrka je bil Mars na nebu za 2 magnitudi svetlejši od Lune. Ocení, za kolikokrat je bila takrat ena kvadratna kotna sekunda vidne ploskvice Marsa svetlejša od ene kvadratne sekunde Lunine ploskvice. Vemo, da razlika ene magnitude pomeni, da je eno nebesno telo približno 2,5-krat svetlejše od drugega. Polmer Marsa je polovico polmera Zemlje. Polmer Marsove orbite je 1,5 astronomske enote.

Luna: $0,5^\circ = 30' = 1800''$





$$\frac{300\ 000}{75\ 000\ 000} \dots 1^\circ - 0,004^\circ = 0,24^\circ = 14,4'' \text{ Masy}$$

$$150\ 000\ 000 : 2 = \underline{\underline{75}}$$

2,5 2

Mars	Erde
5x <u>svetlejší</u>	5x <u>temnější</u>
14,4"	1880"
$14,4 : 5 = \text{prb } 3"$	1880"

da bi bib enako:

$$14,4 : 5 = \text{prb } 3"$$

Ag 80"

$$1880 : 3 = 626^{\text{th}}$$

Marsova
kotna sekunda
je prb. 600x svetlejá až lumine

