

Лунная скорость

 v_{\min}

$$g = \frac{GM}{r^2}$$

 $v_{\max} g$

+

Решение:

Найдём из графика $T = 0,7$ суток
период системы

Прямая, соединяющая точки пересечения кривых,
не является осью абсцисс, следовательно ~~физ.~~ ч.м.
имеет скорость

$$v_{\text{ч.м.}} = 7 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

Орбита круговая, так как график скорости от времени
симметричен относительно прямой, соединяющей
точки пересечения.

1-штрихованная, 2-штрихованная (из графика:)

$$v_{1\max}' = 36 \frac{\text{км}}{\text{с}} \quad v_{2\max}' = 30 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

$$v_{1\min}' = -22 \frac{\text{км}}{\text{с}} \quad v_{2\min}' = -16 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

Относительно $v_{\text{ч.м.}}$

$$v_{1\max} = 36 - 7 \frac{\text{км}}{\text{с}} = 29 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

$$v_{2\max} = 30 \frac{\text{км}}{\text{с}} - 7 \frac{\text{км}}{\text{с}} = 23 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

$$v_{1\min} = -22 \frac{\text{км}}{\text{с}} - 7 \frac{\text{км}}{\text{с}} = -29 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

$$v_{2\min} = -16 \frac{\text{км}}{\text{с}} - 7 \frac{\text{км}}{\text{с}} = -23 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

 $v = 0$

r - относ. расст.

Найдём массы компонент (r_1 и r_2 - расстояния до ч.м.):

↓

$$M_1 r_1 = M_2 r_2 ; r_1 + r_2 = r$$

$$v_1 = \frac{M_2}{M_1 + M_2} \sqrt{G(M_1 + M_2) \left(\frac{2}{r} - \frac{1}{a} \right)} = \sqrt{G \frac{M_2^2}{M_1 + M_2} \left(\frac{2}{r} - \frac{1}{a} \right)}$$

$$v_2 = \frac{M_1}{M_1 + M_2} \sqrt{G(M_1 + M_2) \left(\frac{2}{r} - \frac{1}{a} \right)} = \sqrt{G \frac{M_1^2}{M_1 + M_2} \left(\frac{2}{r} - \frac{1}{a} \right)}$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{M_2}{M_1} \Rightarrow \frac{M_2}{M_1} = 1,26 ; M_1 = 0,8 M_2$$

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{G(M_1 + M_2)}$$

$$v_{1\max} = \sqrt{G \frac{M_2^2}{M_1 + M_2} \frac{1}{a}}$$

Выразим a

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{G(M_1 + M_2)} \\ v_{1\max}^2 = G \frac{M_2^2}{(M_1 + M_2) a} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} a^3 = \frac{G(M_1 + M_2) \cdot T^2}{4\pi^2} \\ a = \frac{GM_2^2}{v_{1\max}^2 \cdot (M_1 + M_2)} \end{array} \right. \Rightarrow$$

$$\Rightarrow a^2 = \frac{(M_1 + M_2)^2 \cdot T^2 \cdot v_{1\max}^2}{4\pi^2 \cdot M_2^2} \Rightarrow a = \frac{(M_1 + M_2) T v_{1\max}}{2\pi M_2}$$

$$a \approx 500\,000 \text{ км}$$

Следовательно, расстояние между компонентами

$$2a = 1 \text{ млн км}$$

Найдем массы

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{G(M_1 + M_2)}$$

$$M_1 + M_2 = \frac{4\pi^2 \cdot a^3}{GT^2} = 2 \cdot 10^{28} \text{ м}$$

↓

$$M_1 = 0,9 \cdot 10^{28} = 0,0045 M_{\odot}$$

$$M_2 = 1,1 \cdot 10^{28} = 0,0055 M_{\odot}$$

Исходя из очень малой массы обеих компонент системы, можно считать, что эти две звезды являются коричневыми карликами.

Из спектральной линии Кэмпбелла можно установить, что они попадают в класс Y.