

Полупериод спектральной линии наблюдается из-за осевого вращения звезды.

С помощью эффекта Доплера с помощью кейджам Лувьева составляющую осевого вращения звезды 1 и 2 (1 - итрихован. линия, 2 - стандартная линия).

$$\frac{\Delta\lambda_1}{\lambda} = \frac{u_{1r}}{c} \Rightarrow u_{1r} = \frac{\Delta\lambda_1}{\lambda} \cdot c = \frac{0,34 \text{ \AA}}{23140 \text{ \AA}} \cdot 3 \cdot 10^5 \text{ км/с} \approx 4,04 \text{ км/с}$$

$$\frac{\Delta\lambda_2}{\lambda} = \frac{u_{2r}}{c} \Rightarrow u_{2r} = \frac{\Delta\lambda_2}{\lambda} \cdot c = \frac{0,36 \text{ \AA}}{23140 \text{ \AA}} \cdot 3 \cdot 10^5 \text{ км/с} \approx 4,07 \text{ км/с}$$

Из графика лучевых скоростей определим лучевые скорости звезды, обращая внимание на то, что у центра масс системы есть собственная лучевая скорость.

~~$$v_{1r} = 28 \text{ км/с} \quad v_{1r} = 37,5 \text{ км/с}$$~~

~~$$v_{2r} = 37,5 \text{ км/с} \quad v_{2r} = 28 \text{ км/с}$$~~

Также из графика определим период обращения системы:

$T \approx 0,7 \text{ сут}$, обратим внимание, что период обращения довольно мал =

=> расстояние между звездами невелико, а значит, возможно звезды вращаются в приливном захвате и период их обращения вокруг оси равен периоду обращения вокруг центра масс.

Определим радиус звезды

Из графика кейджам отношение масс звезд (оно будет равно отношению их скоростей)

$$\frac{M_2}{M_1} = \frac{v_{1r}}{v_{2r}} = \frac{7}{6} \approx 1,17$$

Оценим радиус звезды через ее угловую скорость вращения вокруг оси:

$$u_1 = \frac{2\pi}{T} \cdot R_1$$

$$R_1 = \frac{u_1 T}{2\pi} \Rightarrow \frac{u_1 T}{2\pi} = \frac{4,04 \text{ км/с} \cdot 0,7 \cdot 86400}{2\pi} \approx \frac{2 \cdot 0,7 \cdot 86400}{\pi} \approx 43000 \text{ км}$$

Зная радиус и угловое свободное падение звезды найдем массу.

$$g = \frac{GM_1}{R_1^2}$$

$$M_1 = \frac{g R_1^2}{G} = \frac{3 \cdot 10^3 \text{ м/с}^2 \cdot (4,3 \cdot 10^7)^2}{6,67 \cdot 10^{-11}} = \frac{3 \cdot 4,3^2}{6,67} \cdot 10^{29} \text{ кг} \approx 9 \cdot 10^{28} \text{ кг}$$

$$\frac{M_2}{M_1} = \frac{7}{6} \Rightarrow M_2 = \frac{7}{6} M_1 \approx 1,05 \cdot 10^{29} \text{ кг}$$

Зная массы звёзд определим среднее расстояние между ними через обобщённый 3-ий закон Кеплера:

$$\frac{T^2 \cdot (M_1 + M_2)}{a^3} = \frac{T_J^2 \cdot M_\odot}{a_J^3}$$

$$a^3 = a_J^3 \cdot \frac{T^2 \cdot (M_1 + M_2)}{T_J^2 \cdot M_\odot}$$

$$a = a_J \cdot \sqrt[3]{\frac{T^2}{T_J^2} \cdot \frac{M_1 + M_2}{M_\odot}} \approx 0,006 a_J = 0,006 a. \text{e.}$$

Перейдём в систему отсчёта связанную с 1-ой звездой, тогда 2-ая звезда будет двигаться вокруг первой со средним расстоянием равным a .

Полная скорость 2-ой звезды относительно 1-ой будет равна:

$$v_{\text{отн}} = \sqrt{\frac{G(M_1 + M_2)}{a}} \approx \sqrt{2} \cdot 10^5 \text{ м/с} \approx 140 \text{ км/с}$$

из графика лучевых скоростей найдем относительно лучевой скорости 2-ой звезды относит. 1-ой.

$$v_{\text{отн}r} = v_{1r} + v_{2r} = 65,5 \text{ км/с}$$

Найдем угол наклона орбиты как через отношение относительных скоростей:

$$\cos i = \frac{v_{\text{отн}r}}{v_{\text{отн}}} \approx \frac{65,5}{140} \approx 0,5$$

$$i = \arccos\left(\frac{v_{\text{отн}r}}{v_{\text{отн}}}\right) \approx 60^\circ$$

Ответ: $9 \cdot 10^{28} \text{ м}$; $1 \cdot 10^{29} \text{ м}$; $0,006 a. \text{e.}$; 60° ; спектральный класс K